Theory of Image formation in MRI system

Dr M A Oghabian

www.oghabian.net

	Frequency	Energy	Wave Length
X-ray	1.7~3.6*10 ¹² MHz	30~150 keV	80~400pm
Visible Light (Violet)	7.5*10 ⁸ MHz	3.1 eV	400nm
Visible Light (Red)	4.3*10 ⁸ MHz	1.8 eV	700nm
MRI	3~100MHz	20~200 meV	6~10m





M=0

- Spinning charged particle creates an electromagnetic field
- Spin quantum number S
 # of energy states = 2S+1



NTU MicroSystem Reserven Leb. 3





• Larmor Equation $\omega = \gamma B_0$

• Why hydrogen nucleus

- 1. Large component of human body
- 2. Odd number of protons (unpaired protons)





NTU MicroSystem Reserven Lab.

4





- Energy state is not always the same
- For ¹H B_{0=1.5T} Energy State=2 Precession frequency= 42.58MHz/T*1.5T=64MHz

Nuclei	Unpaired Protons	Unpaired Neutrons	Net Spin	(MHz/T)
$^{1}\mathrm{H}$	1	0	1/2	42.58
$^{2}\mathrm{H}$	1	1	1	6.54
³¹ P	0	1	1/2	17.25
²³ Na	0	1	3/2	11.27
^{14}N	1	1	1	3.08
¹³ C	0	1	1/2	10.71
¹⁹ F	0	1	1/2	40.08

NTU MicroSystem Reserven Leb. 5

Energy





- If the pulse F equals Larmor F Resonance
- Rf pulse causes a flip angle $\theta = \gamma B_1 \tau$ and also makes protons get in phase x^x





NTU MicroSystem Research Lab. 6





T_1 Relaxation Time

• After RF pulse

- 1. Spins go back to the lowest energy state
- 2. Spins get out of phase
- T₁ also called spin-lattice relaxation time
- Spins give energy to the surrounding lattice



NTU MicroSystem Reserven Lab. 7



T₂* Relaxation Time

- Due to
 - Interactions among individual spins
 - External magnetic field inhomogeneity



8



 T_2 and T_2^*

- Use 180⁰ pulse to refocus
- Eliminate the effect of external magnetic field
 - T₂ Relaxation Time or spin-spin relaxation time



NTU MicroSystem Research Lab. 9

بافت های مختلف، دانسیته پروتون های متحرک (N(H، زمان واهلش T1 و T2 متفاوت دارند. این تفاوت ها را می توان ازطریق کنتراست تصویرMR نشان داد.



T				£1.3	
11	cons	stan	ts (1	n	ms)
1000	AND THE REAL CORD		(.		,

	0.2 Tesla	1.0 Tesla	1.5 Tesla
Fat		240	
Muscle	370	730	863
White matter	388	680	783
Gray matter	492	809	917
CSF	1,400	2,500	3,000

بافت های مختلف، دانسیته پروتون های متحرک (N(H، زمان واهلش T1 و T2 متفاوت دارند. این تفاوت ها را می توان ازطریق کنتراست تصویرMR نشان داد.



84	
47	
92	
101	
1,400	
	84 47 92 101 1,400

سیگنال دریافت شده:

ذره باردار در حال حرکت، یک میدان مغناطیسی ایجاد میکند. عکس این حالت هم صحیح است، یعنی میدان مغناطیسی موجب حرکت ذره باردار مانند الکترون می شود. جریان اندازه گیری شده، سیگنال نام دارد.



a) رابطهٔ بین مغناطش عرضی و b) سیگنال دریافت شده در زمانهای مختلف.

فروپاشی القایی آزاد:

همزمان با چرخش در صفحه X-Y مقدار بردار عرضی سیگنال بخاطر بر همکنش اسيين-اسپين و غيريكنواختي ميدان مغناطيسي خارجي دائما كاهش مييابد.

چون T₂ یک بافت فقط وابسته به برهمکنش اسپین– اسپین است و ما کنترلی بر روی عمل یک اسپین بر روی اسپین دیگر نداریم، T₂ ثابت است. *T2 به یکنواختی میدان مغناطیسی خارجی نیز بستگی دارد، بنابراین ثابت نیست و بسته به یکنواختی میدان مغناطیس خارجی تغییر میکند. ^{*}T همیشه کمتر از T است. فرویاشی *T₇ سریعتر از فرویاشی T₇ است





شکل موج سینوسی کاهشی مربوط به سیگنال دریافت شده (FID).



TE (زمان تأخير اكو):

بجای اینکه اندازه گیری را بلافاصله بعد از پالس RF انجام دهیم (چون قادر به انجام آن نمیباشیم)، یک مدت زمان کوتاه صبر کرده و آنگاه اندازه گیری را انجام میدهیم. این دوره زمانی کوتاه مربوط به TE است.



 $M_0 e^{-TE/T_2^*}$ مقدار FID در زمان t=0 برابر M0 است در حالی که در زمان t=TE برابر است با

TR e TR



منحنی های بازیافت و واپاشی در یک نمودار نشان داده شده اند.

بطوركلى شدت سيگنالى كە اندازە مىگيريم عبارتست از: $SI \propto N(H)(e^{-TE/T_2^*})(1-e^{-TR/T_1})$

کنتراست بافت (وزن T1 و T2 و PD):



دو بافت A و B با T2*های متفاوت کدامیک T2 طولانی تری دارد؟ دو TE مختلف را روی منحنی واپاشی در نظر بگیرید کدام TE کنتراست بهتری را بین A و B فراهم می کند؟ TE کو تاه اثر *T2را کاهش میدهد TE طولانی اثر *T2 را افزایش میدهد

$$SI = N(H)(e^{-TE/T_2^*})(1 - e^{-TR/T_1})$$

کنتراست بافت (وزن T1 و T2 و PD):

TR طولانی اثر T1 را کاهش میدهد و TE کوتاه اثر *T2را کاهش میدهد.

یعنی تصویری با وزن PD داریم.

SI = N(H)(
$$e^{-TE/T_2^*}$$
)(1- e^{-TR/T_1})

تصاویر با وزن T1 و با وزن T2 و با وزن چگالی پروتونی (PD):



مشخصه T1 بافت ها

T1 بافت به چگونگی از دست دادن انرژی به محیط اطراف یا جذب انرژی از محیط اطراف توسط پروتونها وابسته است. بیشترین انتقال انرژی مؤثر پروتونها به محیط اطراف، در فرکانس حرکت طبیعی رخ میدهد که برابر فرکانس لارمور باشند.



مشخصه T1 بافت ها



-			
1 1	Constants	(in mc)	Ě
1.1	sonstants	(111 1113)	ļ

	0.2 Tesla	1.0 Tesla	1.5 Tesla
Fat		240	
Muscle	370	730	863
White matter	388	680	783
Gray matter	492	809	917
CSF	1,400	2,500	3,000

مشخصه T2 بافت ها

اگر اسپین پروتونها سریع ناهمفاز شوند T2 کوتاه است و اگر به آهستگی ناهمفاز شوند T2 طولانی تر است. برهمکنش اسپین- اسپین و در نتیجه سرعت ناهمفاز شدن در آب بدلیل پراکندگی پروتونها کم است و T2 آب طولانی است

> ۱- آب T2 خیلی طولانی دارد. پس منحنی واپاشی T2 آن دارای شیب خیلی آرامی است. ۲- بافت جامد T2 کوتاهی دارد و در نتیجه واپاشی آن نسبتاً سریع است. ۳- چربی T2 متوسط دارد. ۴- مایع پروتئینی بسته به مقدار پروتئین، T2 کوتاه یا متوسط دارد

مشخصه T2 بافت ها



T ₂ constants (in ms)		
Fat	84	
Muscle	47	
White matter	92	
Gray matter	101	
CSF	1,400	

مشخصه T1 بافت ها

	Less dephasing	Most dephasing	Intermediate dephasin
T ₂	Long T ₂	Short T ₂	Intermediate T ₂
T ₁	ω ≥ ω0	ω < ω0	$ω \approx ω_0$
	Non Efficient	Inefficient	Efficient
	Energy Transfer	Energy Transfer	Energy Transfer
	Very Long T ₁	Long T 1	Short T ₁
	H ₂ O/Fluids	Solids	Fat and Proteinaceous Material

مشخصه های T1 و T2 بافت ها

	long T _i (low SI)	intermediate	short T ₁ (high SI)
long T₂ (high SI)	water/CSF pathology edema		d (EC metHgb)
intermediate		muscle GM a (oxyHgb) WM	
short T2	air cortical bone heavy Ca**		fat proteinaceous solutions
(low SI)	b (deoxyHgb) e (hemosiderin) fibrosis tendons		c (IC met Hgb) paramagnetic materials (Gd, etc.)

مشخصه های T1 و T2 بافت ها



مشخصه های T1 و T2 و دانسیته پروتونی بافت ها













انتخاب برش و آرتيفكت:



تبديل فوريه تابع سينك قطع شده از انتها شكل شبه مربعي دارد كه اثرات حلقه اي و نوسان در آن ديده مي شود.

. گرادیانهای مورد استفاده در MRI معمولا خطی هستند (در واقع غیرخطی بودن گرادیان علت آرتیفکتهای به هم ریختگی هندسی است.

کدگذاری فضایی:

G_z (گرادیان انتخاب برش) را در زمان ارسال پالس روشن و پس از پالس خاموش می کنیم. همچنین یک پالس را برای هم فاز کردن مجدد اسپین ها می فرستیم و مجددا گرادیان G_z را در طول پالس روشن می کنیم. بعد از زمان TE یک اکو دریافت می شود. این اکو، سیگنالی از کل برش است.



اطلاعات در راستای محور x برش، با اعمال گرادیان کدگذاری فرکانس یا گرادیان قرائت، Gx بدست می آید.

کد گذاری فضایی:

بدون وجود گرادیان در جهت x سیگنالی بدست می آوریم که برابر است با مجموع تمام سیگنالهای هر پیکسل

10	0	coswot	coswot	97 - 18
	coswot	2cos∞ot	0	—→ 4 cosωot
	-2coswot	0	coswot	ignal FE

سیگنالی که از تمام برش می آید = مجموع پیکسل ها $4\cos\omega_0 t$

اطلاعات در راستای محور x برش، با اعمال گرادیان کد گذاری فرکانس یا گرادیان قرائت، Gx بدست می آید.











a) سیگنال و تبدیل فوریه آن. قبل از اعمال گرادیان، سیگنال، فرکانس ₀ دارد. (b)) بعد از اعمال گرادیان، فرکانس _xG، سیگنال سه فرکانس خواهد داشت که شکل موج و تبدیل فوریه آنها نشان داده شده است.

فركانس و محل پيكسل رابطه يك به يك دارند.

کد گذاری فضایی (گرادیان کد گذاری فاز Gy):

0	cos(ωot+120°)	cos(ωo ⁺ t+120°)
cos(ωo⁻t)	2cos(ωot)	0
-2cos(ωο ⁻ t-120°)	0	cos(ωo ⁺ t-120°)

y گرادیان کدگذاری فاز Gy در راستای محور اعمال می شود. این گرادیان معمولاً بین پالسهای 90 درجه و 180 درجه و یا بین پالس 180 درجه و اکو اعمال میشود.


کد گذاری فضایی:







ىا



mohammadiph@yahoo.com



گرادیان کدگذاری فرکانس (G_X) در طول دوره زمانی در مدتی که اکو دریافت می شود، روشن می شود.





فاصله نمونه برداری کوتاه (یعنی نمونه برداری بیشتر) باعث می شود تا امواج مربعی از یکدیگر دورتر شوند.



قانون نایکوئیست: اگر ه_{max} فرکانس ماکزیمم در سیگنال باشد، فرکانس نمونه برداری باید حداقل دو برابر فرکانس ماکزیمم سیگنال باشد تا تاشدگی رخ ندهد. یعنی:

$$\omega_{\text{interms}} = \frac{1}{\Delta T_{s}} \ge 2\omega_{\text{max}}$$

$$T_{
m s}={
m N} imes\Delta T_{
m s}$$
 : زمانی که طول می کشد تا از سیگنال نمونه برداری شود برابرست با ${
m BW}=rac{1}{\Delta T_{
m s}}$



A simple object as example



Before applying Gx or Gy

Before Gx or Gy

0	coswot	coswot
cosωot	2cosωot	0
-2cosωot	0	coswot



After Gy

After Gx



П

0 coscot	cos(ωot+θ) 2cosωot	cos(ωot+ 0) 0



0	cos(ωot+θ)	cos(ωo⁺t+θ)
cosco⁻t	2coswot	0
-2cos(ωo⁻t-θ)	0	cos(⅏⁺t-θ)

11





One-to-one relationship between frequency and position along x axis and between phase gradient increment and position along y direction





Preliminary deconposition of signal into its Real and Imaginary components The signal is brought back to 0 frequency from carrier 64 MHz





The Imaginary K-space provide a sense of left-right or up-down Direction

Spatial direction of K space information:



K space - Imaginary (sin)



0

The phase gradient corresponding to top and bottom of k-space have opposite polarities



Because the Sine function is odd the left half of signal is the reverse of the right half



0

K-space conjugate (Hermitian) symmetry by adding Real and Imaginary components



Half or (fractional) NEX reduces scan time but lowers SNR



Fractional Echo allows TE to be shorter for Fast scanning The entire k-space can be constructed by 1/4 NEX but phase error is created due to imperfection in data symmetry



Real and Imaginary Images

We want to have a real image with imaginary part being zero But motion and gradient errors create a non-zero phase image as artifacts



Phase image = arctan (Imaginary/Real)

Magnitude image = Sqrt (Real²+Imaginary²)





FT Process

- Split signal into two parts, real and imaginary
- 1st 1DFT for each row
- Modulus
- 2nd 1DFT for each column











Frequency Encoding Direction



NTU MicroSystem Reserven Leb. 64

The K-space and its constructed image





Orignal raw data (a)

Original base image (b)

Figure 13-5. (a) The original raw data (k-space) of (b) the original image (midline sagittal T₁- weighted image of the brain).







Another way to construct imaging

Select one slice Do many experiments with different directions of readout gradient



NIU MIGIOSYSICH Reserver Lab. 66



Filtered back projection







Direction of Slices



NTU MicroSystem Reserven Lab. 68



Multi-Slice Imaging

- TR much longer than TE
- Put different excitation in that time interval



NTU MicroSystem Reserven Lab. 69



- Fast Spin Echo
- Echo Train Length (ETL)
- Different TE for different echo
- Choose refocus timing at the TE we want







- Gradient Recalled Echo
- Why not decrease TR?
- Partial flip angle
- 180⁰ pulse can't be used
- Another way to refocus














- Echo Planar Imaging
- One shot and Multishot
- Signal decays rapidly because T₂*
- FOV (Field of View) too big
- Requirement is hard to achieve



NTU MicroSystem Reserven Leb. 73







NTU MicroSystem Research Lab. 74



Magnet and Gradient Coil





0.015 - 0.3 Tesla Resistive 0.5 - 3 Tesla Superconducting





Reference

- MRI The Basics, Ray H. Hashermi, William G. Bradley
- Principles of Magnetic Resonance Imaging, Zhi-Pei Liang, Paul C. Lauterbur
- MRI Physics for Radiologist, Alfred L. Horowitz
- Fundamentals of MAGNETIC RESONANCE IMAGING, Donald W. Chakeres, Petra Schmalbrock
- "MRI made easy" program, Schering

